

Exercice 1 (D'après sujet zéro bac STL SPCL) (Correction)

1. Les A.G.V. soulèvent des charges.

Les A.G.V. sont équipés d'un mécanisme de levage qui permet la manutention des charges. Ce mécanisme comprend une plateforme mobile, déplacée par un vérin hydraulique alimenté en huile par une pompe (voir figure C1-2 en annexe).

Données :

Intensité de la pesanteur : $g = 9,8 \text{ N.kg}^{-1}$;

Masse volumique de l'huile utilisée dans le vérin : $\rho = 870 \text{ kg.m}^{-3}$;

Masse de l'ensemble « plateforme + charge maximale » : $M = 500 \text{ kg}$;

Surface du piston dans le vérin : $S = 3,0 \times 10^{-3} \text{ m}^2$;

Conversion des unités de pression : $1 \text{ bar} = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$;

Vitesse de levage de la plateforme = vitesse du fluide dans le vérin ;

La pression P exercée par une force d'intensité F sur une surface S est : $P = \frac{F}{S}$

1.1 Plateforme en mouvement.

a. La plateforme de l'A.G.V. s'élève d'une hauteur $\Delta z = 6,0 \text{ cm}$ en une durée $\Delta t = 3,5 \text{ s}$.

$$v = \frac{\Delta z}{\Delta t} = \frac{0,06}{3,5} = 0,017 \text{ m.s}^{-1}$$

b. Q s'exprime en $\text{m}^3.\text{s}^{-1}$, v s'exprime en m.s^{-1} et S s'exprime en m^2 donc la relation entre ces trois grandeurs est :
 $Q = v \times S$

c. $Q = v \times S = 0,017 \times 3,0 \times 10^{-3} = 5,1 \times 10^{-5} \text{ m}^3.\text{s}^{-1} = 5,1 \times 10^{-2} \text{ L.s}^{-1}$

d. $Q = 5,1 \times 10^{-2} \text{ L.s}^{-1} = 5,1 \times 10^{-2} \times 60 \text{ L.min}^{-1} = 3,06 \text{ L.min}^{-1}$

Cette valeur est donc cohérente avec celle indiquée dans le document qui est de $3,1 \text{ L.min}^{-1}$

1.2 Plateforme en position haute.

La plateforme de l'A.G.V. est en position haute et porte sa charge maximale. On note M la masse de l'ensemble. On suppose que la différence de hauteur entre la sortie du vérin (H) et la sortie de la pompe (B) est $\Delta z = 6,0 \text{ cm}$ (voir figure C1-2 en annexe).

a. $F = m \times g = 500 \times 9,8 = 4900 \text{ N}$

b. $P = \frac{F}{S} = \frac{4900}{3 \times 10^{-3}} = 1,63 \times 10^6 \text{ Pa}$

c. D'après le principe fondamental de l'hydrostatique entre les points B et H,

$$\frac{P_B}{\rho \times g} + z_B = \frac{P_H}{\rho \times g} + z_H$$

$$\frac{P_B - P_H}{\rho \times g} = z_H - z_B = \Delta z$$

d.

$$\frac{\Delta P}{\rho \times g} = \Delta z$$

$$\Delta P = \Delta z \times \rho \times g = 0,06 \times 870 \times 9,8 = 5,1 \times 10^2 \text{ Pa}$$

e. En tenant compte du nombre de chiffres significatifs utilisé :

$$P_B = P_H + \Delta P = 1,6 \cdot 10^6 + 5,1 \cdot 10^2 = 1,6 \times 10^6 \text{ Pa}$$

Donc la pression au point B est égale à la pression au point H

f. La pression maximale est de 20 bar, $P = 20 \text{ bar} = 2 \times 10^6 \text{ Pa}$ donc la pression maximum n'est pas dépassée.